



التنبؤ بمعدلات البطالة في ليبيا باستخدام منهجية بوكس جنكنز (ARIMA) تحليل قياسي استشرافي للفترة 2035-2025

* نجاح الطاهر البباص¹, محمد عمر الشويرف²

¹ قسم الاقتصاد، كلية الاقتصاد، جامعة المرقب.

الملخص

يهدف هذا البحث إلى التنبؤ بمعدلات البطالة في ليبيا للفترة 2025-2035م باستخدام منهجية بوكس- جنكنز من خلال تطليل سلسلة زمنية من عام 1962 حتى 2024م وكانت السلسلة الزمنية غير مستقرة، واستقرت بعد أحد الفروق الأولى، وتم فحص عدة نماذج لتحديد النموذج الأمثل الذي يعكس حركة البيانات بدقة، وأظهرت النتائج أن نموذج (1,1,6) هو النموذج الأمثل للتنبؤ بمعدلات البطالة خلال الفترة القادمة، وتشير التوقعات المستقبلية المتحصل عليها إلى استمرار زيادة معدلات البطالة خلال الفترة القادمة ما لم تغير السياسات الاقتصادية لليبيا.

الكلمات المفتاحية: البطالة، الاقتصاد الليبي، التنبؤ، منهجية بوكس- جنكنز، نماذج ARIMA

Forecasting Unemployment Rates in Libya Using the Box-Jenkins Methodology (ARIMA): A Forward-Looking Econometric Analysis for the Period 2025-2035"

*najah albibas and Mohammed alshwerf¹

¹Department of Economics, Faculty of Economics, El-Mergib University.

Abstract

This research aims to forecast unemployment rates in Libya for the period (2025–2035) using the Box-Jenkins methodology, based on an analysis of a time series spanning from 1962 to 2024. The results indicated that the time series was non-stationary and achieved stationarity only after taking the first differences. Several models were tested to identify the optimal model that accurately reflects data fluctuations; the results revealed that the ARIMA (1,1,6) model is the most suitable for forecasting future unemployment rates. These projections suggest a continued increase in unemployment rates over the coming period unless there is a shift in Libya's economic policies."

Keywords: Unemployment, Libyan Economy, Forecasting, Box-Jenkins Methodology, ARIMA Models.

- المقدمة:

تُعد البطالة في الوقت الراهن من أبرز المشكلات التي تواجه العالم على اختلاف مستويات التنمية ودرجات التكامل الاقتصادي والسياسي، ولعل أبرز صور التفاوت الاقتصادي التي تعاني منه الدول العربية والدول المتقدمة إلى حد كبير هي ظاهرة البطالة، وتعتبر البطالة ظاهرة ملزمة للمجتمعات الإنسانية قديماً وحديثاً، فلا يكاد يخلو أي مجتمع من مواجهتها بصور متعددة، وقد حظيت هذه الظاهرة باهتمام واسع في التحليل الاقتصادي، إذ تُعتبر من أبرز المشكلات المرتبطة بمستوى الاقتصاد الكلي، نظراً لأنّارها العميقه على النمو الاقتصادي والاستقرار الاجتماعي، وتمثل البطالة أحد الجوانب

السلبية التي تهدد السلام الاقتصادي والاستقرار الاجتماعي، نظراً لارتباطها المباشر بدخل الفرد الذي يُعد ركيزة أساسية للأمن المعيشي والتوازن المجتمعي، وكما أن الحرمان من الدخل الناتج عن البطالة يُفاقم من احتمالية الإقصاء والتهميش الاجتماعي، ويميز المتأثرين بها عن باقي الفئات الاجتماعية الأخرى.

وتمثل البطالة في ليبيا مشكلة ذات طابع هيكلية لارتباطها بالاحتلال في هيكل الاقتصاد؛ وبالرغم من أتباع الدولة سياسة التوظيف إلا أن معدل البطالة شهد ارتفاعاً ملحوظاً خلال معظم فترات البحث، وبالرغم من انخفاض معدل البطالة في المتوسط خلال الفترة (1962-1969) من 7.37%، إلى 3.86% خلال الفترة (1970-1979)، أما خلال الفترة (1980-1989) ارتفع بشكل بسيط حيث سجل معدل 4.43%， إلا أنه بدأ في الارتفاع خلال الفترات (1990-1999) [1]، (2000-2010)، (2011-2024) على التوالي؛ حيث بلغ في المتوسط 10.27%， 16.33%， 17.03%， ويرجع سبب هذا الارتفاع ضعف الترابط بين الاقتصاد والقطاع الخاص، وغياب التنسيق بين المنظومة التعليمية وسوق العمل مما يؤدي إلى فجوة في المهارات، وكذلك الاعتماد على أنواع محددة من الوظائف مقابل أضعاف فرص العمل في باقي قطاعات سوق العمل، والاعتماد على النفط، وكذلك احتلال سوق العمل وضعف مشاركة العمالة الوطنية في القطاعات غير النفطية، وضعف تطوير القطاعات غير النفطية مثل الزراعة والصناعة والخدمات، وضعف الإنتاجية فيها.

ما لا شك فيه إن عملية تحطيم السلسل الرزمية أمر ضروري للقيام بالتبؤ بقيم الظواهر العشوائية، حيث يمثل الزمن عنصراً أساسياً في ذلك، وله تأثير في جملة من التحولات التي تحدث في الظواهر الاقتصادية مثل البطالة التي تحاول الدول التقليل من حدتها وتأثيرها السلبي، وهذا راجع لمدى ارتباطها بالتقدم الاقتصادي والاجتماعي، وبالتالي فإن للسلسل الرزمية دور مهم في تحطيم السلوكيات والأنشطة الاقتصادية والمالية للدولة، كما تسهم في بناء النماذج الاقتصادية والتبؤ بمستقبلها حيث تعد دراسة هذا الموضوع يكتسب أهمية كبيرة للمستقبل، لأنه يوضح أمام صانع القرار قضايا أساسية تحتاج إلى الاهتمام والمعالجة، بما يساعد على إيجاد الطول الفعال وتحقيق أفضل النتائج، ومن هنا تأتي المشكلة البحثية المتمثلة في التساؤل التالي:

ما هو أفضل نموذج من نماذج ARIMA للتتبؤ بمعدلات البطالة في الاقتصاد الليبي للفترة 2025-2035؟

انطلاقاً مما سبق يهدف البحث إلى دراسة سلوك متغير البطالة في الاقتصاد الليبي من خلال منهجية بوكس-جنكز، واستخلاص النموذج الأكثر ملائمة لتمثيل بيانات هذه الظاهرة والتتبؤ بمستوياتها المستقبلية، في حين تتمثل أهمية هذا البحث في أن نتائجه قد تُمكّن متذمّن القرار والقائمين على طبيعة ظاهرة البطالة واتجاهاتها خلال السنوات المقبلة، الأمر الذي يسهم في دعم وضع استراتيجيات وسياسات فعالة لحد من تفاقمها والتقليل من آثارها السلبية، بما يعزّز استقرار سوق العمل ويرفع من كفاءة الاقتصاد الوطني.

ولغرض دراسة هذا الموضوع تم الاطلاع على مجموعة من الدراسات السابقة المطحية والعربىة التي تناولت موضوع البطالة بطرق وأساليب مختلفة، حيث تناول العديد من الباحثين موضوع البطالة في ليبيا من زوايا متعددة، فقد أشارت دراسة [3] إلى قياس معدل البطالة الحقيقي في الاقتصاد الليبي للفترة (1962-2012)، والتعرف على حجم ظاهرة البطالة المقنعة فيه، ولغرض تحقيق هذا الهدف فقد تطرقت الدراسة لمفهوم البطالة (الصريرة و الحقيقة)، ومنهجية قياس معدل البطالة الحقيقي، وتطور البطالة وبعض المتغيرات الاقتصادية ذات العلاقة بالبطالة خلال فترة الدراسة، واستخدام الباحث المنهج الوصفي التحليلي والأسلوب التحليلي الإحصائي والرياضي في قياس معدل البطالة الحقيقي في الاقتصاد الليبي خلال الفترة (1962-2012)، وتوصلت الدراسة إلى ارتفاع كل من معدلات البطالة الصريرة الفعلية، ومعدلات البطالة الحقيقة في الاقتصاد الليبي، وأن من أهم أسباب البطالة الحقيقة انخفاض مستويات الإنتاجية لعنصر العمل، وهو ما يعني وجود

ظاهرة البطالة المفعة في الاقتصاد الليبي، وأوصت الدراسة إلى إعادة تأهيل الخريجين الذين لا تتناسب مؤهلاتهم التعليمية مع متطلبات سوق العمل، وكذلك زيادة الإنفاق على التعليم وخصوصاً في الجانب التطبيقي.

بينما أوضحت دراسة [4] دور السياسة المالية في مواجهة مشكلة البطالة في الاقتصاد الليبي التي تهدف إلى التعرف على الأوضاع الاقتصادية في ليبيا في ظل السياسة المالية المتتبعة وارتباط ذلك بالبطالة، وقد اعتمدت الدراسة المنهج الوصفي والتحليلي، وقد توصلت الدراسة إلى عدة نتائج هامة منها أنه هناك محدودية لأدوات السياسة المالية في جانب الإيرادات في الاقتصاد الليبي، أيضاً ضعف مساهمات القطاعات غير النفطية والقصور في البنية التحتية، كذلك النقص في الموارد البشرية المدربة والعمال الماهرة، وتوصلت إلى أن زيادة الإنتاجية تتم من خلال تحسين نوعية العمال وتبسيط المدخلات وزيادة الاستثمارات وإجراء البحوث والتطوير واستخدام التكنولوجيا والتطوير الإداري والدعم الحكومي والمؤسسي، وقد أوصت الدراسة بضرورة كفاءة استخدام الموارد الطبيعية، مما يزيد من كفاءة الإنتاجية التي تتطلب زيادة في العمالة وبالتالي تحد من ظاهرة البطالة، والعمل على تحقيق التنمية المستدامة والتخفيض تدريجياً من الاعتماد على النفط باعتباره مورد ناضب وتوجيه التمويل والاستثمارات نحو الأنشطة الكفيلة بتنوع الاقتصاد مع التركيز على إقامة المشاريع الصغرى والمتوسطة وكذلك السياحية التي تحظى ليبيا فيها بميزة كبيرة، أيضاً العمل على تطوير عملية التعليم والتدريب المهني لزيادة إنتاجية العمالة المدربة وكذلك تطوير منظومة التعليم والتدريب المهني للعاطلين.

بينما هدفت دراسة [5] إلى تحديد إمكانية مكافحة البطالة من خلال النمو الاقتصادي باستخدام قانون Okun خلال الفترة 1996-2018م واعتمدت الدراسة على تشخيص أثر الزمن على السلسل الزمنية لمتغيرات الدراسة عبر اختبارات "PP" ،& ADF" ، كما اعتمدت على أسلوب Johansen Co- integration لتقدير العلاقة بالمدى الطويل، وعلى أسلوب اختبارات جذور الهياكل المقطوعية Structural break unit root tests للكشف على وجود مقاطع هيكلية بالسلسل الزمنية الخاصة بمتغيرات الدراسة، وأيضاً منهجية التكامل المشترك بأسلوب العتبات Gregory - Hansen لتقدير العلاقة عبر أساليب (DOLS) ، (CCR) ، (FMOLS) ، وتوصلت الدراسة إلى وجود هيكل نقطة انكسار في عام 2002، علاوة على ذلك توجد نقطة توازن بين المتغيرات على المدى الطويل مما يؤكّد اعتقاد قانون Okun من ناحية وجود العلاقة، واقترب معدل استجابة البطالة إلى النمو الاقتصادي بليبيا من 3% كما افترضها "Okun" في قانونه، وذلك حسب نتائج اختبار (DOLS) ، ولكن تتجه هذه العلاقة إلى الاتجاه المعاكس الذي افترضه Okun في قانونه.

وركزت دراسة [6] على معرفة أهم محددات البطالة التي قد تساهم في التخفيف من حدتها في الاقتصاد الليبي، ولتحقيق هذا الهدف استخدم الباحث أحد أهم المناهج القياسية الحديثة وهو منهج الانحدار الذاتي للمتباينات الموزعة ، ARDL، وبيانات سنوية تغطي الفترة (1991- 2020) وأربع مؤشرات رئيسية (النمو الاقتصادي، أسعار المستهلك كمؤشر عبر عن التضخم، الاستثمار الأجنبي، النمو السكاني)، وتشير أهم النتائج التحليلية إلى أن إشارة كلاً من الاستثمار الأجنبي والنمو الاقتصادي معنوية عند مستوى 1%， وهذا يعني أن زيادة الاستثمار الأجنبي بمعدل 1.6% ستؤدي إلى انخفاض البطالة بمعدل 1%， في حين أن زيادة النمو الاقتصادي بمعدل 2.2% تؤدي إلى انخفاض معدل البطالة بمعدل 1% في الاقتصاد الليبي تتفق هذه النتائج والمنطق الاقتصادي، في حين انعدام تأثير كلاً من النمو السكاني والتضخم في المدى الطويل، وكما تظهر النتائج أن قيمة حد تصحيح الخطأ (-1) ECM سالبة ومعنوية عند مستوى 1% وتبلغ (-1.86)، وهذا يزيد من دقة وصحة العلاقة التوازنية، وإن الانحرافات من الأجل القصير إلى الأجل الطويل في نموذج البطالة سيتم تصحيحها سنوياً بنسبة (18.6%) لتعود للوضع الطبيعي في الأجل الطويل، وهذا الطرح ينسجم جزئياً مع ما توصلت إليه دراسة [7] التي أبرزت الدراسة أثر كل من الناتج المحلي الإجمالي، وعرض النقود والتضخم والإنفاق العام التنموي

على معدل البطالة في ليبيا خلال الفترة (1990-2023م) وذلك باستخدام نموذج الانحدار الذاتي للإبطاء الموزع ARDL ، وتوصلت الدراسة من خلال التحليل القياسي للبيانات أن في الأجل الطويل معدل البطالة ينخفض مع تغير النمو الاقتصادي بمعنى كلما ارتفع النمو الاقتصادي انخفض معدل البطالة، وهذا يتوافق مع النظرية الاقتصادية، أما العلاقة بين معدل البطالة والإإنفاق العام التنموي وجدت طرية ومعنوية، بمعنى كلما ارتفع الإنفاق العام التنموي زاد معدل البطالة، ويستنتج من هذا أن الإنفاق العام التنموي لم يكن موجها بشكل صحيح للمشاريع الاستثمارية المفترض أنها تقلل من معدل البطالة، كذلك أوضحت معلمات الأجل القصير أن معدلات البطالة ترتفع مع زيادة المتغيرات المستقلة، بمعنى أن السياسات الاقتصادية المتبعة لم تنجح في تحفيض معدلات البطالة.

وأظهرت دراسة [8] على الاقتصاد الجزائري التي تناولت قياس معدلات البطالة في الجزائر باستخدام نماذج بوكس-جنكز ، حيث هدفت هذه الدراسة إلى معرفة مدى تطور معدلات البطالة في الجزائر خلال فترة زمنية ممتدة من 1984 إلى غاية 2016 والتباين بالمعدلات البطالة للسنوات القادمة القريبة باستعمال منهجة بوكس - جنكز ، وأظهرت النتائج أن النموذج المناسب للتنبؤ هو نموذج (10,9) ARMA، وأن معدلات البطالة المتباينة من 2017 إلى 2020 متناقصة، وبالتالي هي تتبع نفس اتجاه السلسلة الحقيقية، وفي نفس السياق هدفت دراسة [9] التنبؤ بمعدلات البطالة في الجزائر باستخدام نموذج الانحدار الذاتي المتكامل مع المتوسطات المتحركة (ARIMA) ، ونموذج الانحدار الذاتي المتكامل للمتوسطات المتحركة مع متغير خارجي (ARIMAX) المتمثل في المتغير الوهمي (وباء كورونا) ، والنموذج الهجين - ARIMAX (GARCH) للفترة الممتدة من الربع الأخير لعام 2003 إلى الربع الأخير لعام 2020، و اختيار النموذج الإحصائي الأمثل في التنبؤ الديناميكي والساكن ، واتصلت الدراسة إلى النتائج المتوقعة التي تبين أن أداء نموذج ARIMA(2,1,1) أفضل في التنبؤ الساكن ، وبالنسبة للتنبؤ الديناميكي فقد تفوق أداء نموذج ARIMAX(2,1,0) - GARCH(0,2) ، وهذا بناء على نتائج معايير الدقة التنبؤية المتمثلة في (RSME, MAE, MAPE)؛ حيث يعود سبب القيام بالدمج بين النماذج الإحصائية تقليص الفصور الناجم عن تبني نموذج غير مناسب، وبالتالي يكون دور النموذج الثاني تعويض نقصان النموذج الأول.

وبالتالي تتفق نتائج الدراسات السابقة مع ما يتناوله هذا البحث من حيث إبراز أهمية دراسة ظاهرة البطالة، لكونها أحد المحددات الأساسية لمستوى التطور الاقتصادي والاسقرار الاجتماعي في الدول، وقد تباينت اتجاهات تلك الدراسات، حيث ركز بعضها على تحليل المتغيرات الاقتصادية وعلاقتها بالبطالة، في حين تناولت أخرى الأبعاد الاجتماعية وأثرها في تفاقم هذه الظاهرة، غير أن هذا البحث يفرد بتميزه عن الدراسات السابقة من خلال اعتماد منهجة السلسلة الزمنية في تحليل البطالة مع التطبيق على الاقتصاد الليبي، مما يجعلها بحسب اطلاعنا أول دراسة تسعى إلى التنبؤ بمعدلات البطالة في ليبيا.

2- منهجة البحث:

استخدم البحث منهجة بوكس- جنكز للتنبؤ بمعدلات البطالة في ليبيا للفترة 2025-2035م، وتُعرف نماذج ARIMA بمنهجة بوكس- جنكز ، وهي إطار تطيلي يتكون من أربع مراحل مترابطة وهي مرحلة التعرف يتم فيها تحليل السلسلة الزمنية لتحديد طبيعة النموذج المناسب من خلال دراسة الرسوم البيانية ودول الارتباط، ومرحلة التقدير التي يجري خلالها تدبر معلمات النموذج المختار باستخدام الأساليب الإحصائية الملائمة، ومرحلة التشخيص يتم التتحقق في هذه المرحلة من كفاءة النموذج وصلاحته لتمثيل البيانات عبر اختبار بواقيه، ومرحلة التنبؤ وفيها يُستخدم النموذج المعتمد لتوليد القيم المستقبلية والتنبؤ باتجاهات السلسلة الزمنية، وقبل الشروع في تطبيق هذه المرحلة من الضروري تحويل بيانات السلسلة الزمنية إلى سلسلة مستقرة لضمان دقة التقدير وموثوقية التنبؤ.

2-1- نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة المتكاملة : $ARIMA_{(p,d,q)}$

تعتبر النماذج التي اقترحها العالمان بوكس وجنكز في العام 1970م، والتي يطلق عليها نماذج الانحدار الذاتي - والمتوسطات المتحركة التكاملية Autoregressive Integrated– Moving Average Models، من أهم نماذج السلسلات الزمنية التي تهتم بالجانب العشوائي في السلسلة العشوائية وتوقعات المستقبل، وختصاراً يشار إليها بنماذج أريما .
 $ARIMA_{(p,d,q)}$ [10]

إن معظم السلسلات الزمنية التي تنشأ في الاقتصاد والتجارة والطب ... الخ تتصرف بخاصية التجانس، ويقصد بهذه الخاصية يمكن تحويل السلسلة الزمنية الأصلية الغير مستقرة إلى سلسلة زمنية أخرى مستقرة باستخدام أحد التحويلات الرياضية، وهذه التحويلات تتمثل في أحد عدد مناسب من الفروق للسلسلة الزمنية الأصلية ويرمز لعامل الفرق الخفي بالرمز (∇) وباستخدام هذا العامل يمكن تمثيل فروق السلسلة الزمنية كالتالي:[11]

$$\nabla Z_t = Z_t - Z_{t-1} \quad \text{الفرق الأول}$$

$$\nabla^2 Z_t = \nabla Z_t - \nabla Z_{t-1}$$

$$= Z_t - 2Z_{t-1} + Z_{t-2} \quad \text{الفرق الثاني}$$

وهكذا وبعد أحد عدد مناسب من الفروق وليكن Z_t (d) للسلسلة الزمنية الأصلية سنحصل على السلسلة المستقرة والتي يمكن تمثيلها باستخدام عامل الفرق الخفي كما يلي:

$$W_t = \nabla^d Z_t = \nabla^d \tilde{Z}_t$$

وبالتالي يمكن أن نعبر عن السلسلة الزمنية الأصلية Z_t بأن لها نموذجاً مختلطًا يرمز له بالرمز $ARIMA_{(p,d,q)}$ حيث d تمثل عدد الفروق اللازمة للحصول على سكون السلسلة الزمنية الأصلية، ويطلق عليه أيضاً بنموذج الانحدار الذاتي والأوساط المتحركة التكاملية (ARIMA)، ويعتبر هذا النموذج أكثر استخداماً من النماذج الأخرى لأن يمكن اشتقاق جميع النماذج منه كنموذج الانحدار الذاتي (ARIMA(p,0,0)، ونموذج الأوساط المتحركة (ARIMA(0,0,q)، ونموذج الانحدار الذاتي والنمذجة المختلطة (ARIMA(p,0,q)، إذ يتكون هذا النموذج من ثلاثة أجزاء: الجزء الأول يتمثل في نموذج الانحدار الذاتي، والجزء الثاني يتمثل في نموذج الأوساط المتحركة، والجزء الثالث يمثل الفروق اللازمة لسكون (استقرار) النموذج [12].

ويعبر عن نموذج $ARIMA_{(p,d,q)}$ بالصيغة الرياضية التالية:

$$Z_t = \alpha + \theta_1 Z_{t-1} + \theta_2 Z_{t-2} + \dots + \theta_p Z_{t-p} + \phi_1 u_{t-1} + \phi_2 u_{t-2} + \dots + \phi_q u_{t-q} + u_t$$

حيث أن:

نمودج الانحدار الذاتي من الرتبة (p) .

$$Z_t = \alpha + \theta_1 Z_{t-1} + \theta_2 Z_{t-2} + \dots + \theta_p Z_{t-p}$$

متغير التابع، Z_t المتغير النموذج، u_t حد الخطأ.

نمودج المتغيرات مستقلة مبطأ، $(\theta_1, \theta_2, \dots, \theta_p)$ معلمات النموذج، u_t متغير عشوائي بمتوسط يساوي الصفر وتبين ثابت، $(\phi_1, \phi_2, \dots, \phi_q)$ معلمات النموذج، وبموج هاتين المعاملتين نحصل على نموذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية، والذي سنستخدمه في البحث.

وقد تم الحصول على بيانات هذا البحث من مركز بحوث العلوم الاقتصادية (2010) البيانات الاقتصادية والاجتماعية في ليبيا عن الفترة (1962-2006) بنغازي، ليبيا، وكذلك من بيانات البنك الدولي للإنشاء والتعمير، منظمة العمل الدولية، قاعدة بيانات المؤتمرات لسوق العمل.

3- تطبيق بيانات معدلات البطالة والتبؤ بها:

يتناول هذا الجزء من البحث تطبيق الخصائص الإحصائية لمتغير البطالة، واختيار النموذج الأمثل من بين نماذج بوكس- جنكنز، بما يسمح بإجراء التبؤ وتقدير قيم هذا المتغير مستقبلاً.

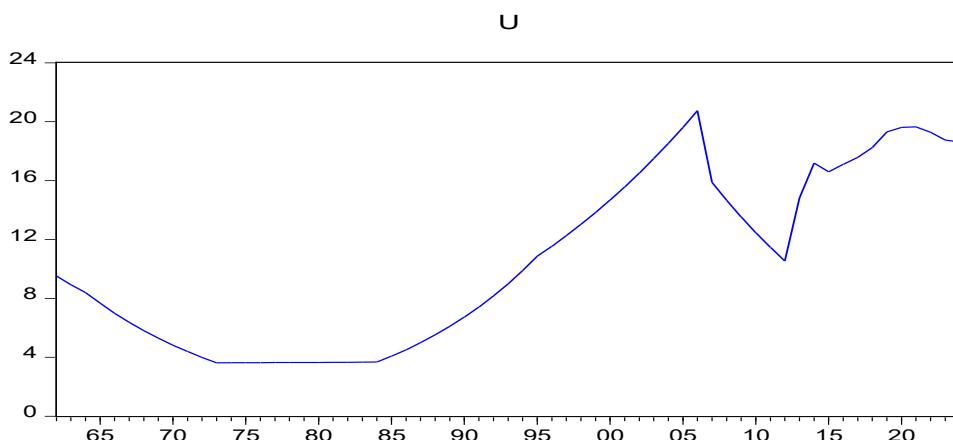
3-1- التطبيق الوصفي والبياني للبيانات معدل البطالة في ليبيا

تُعد عملية التمثيل البياني للبيانات الخطوة الأولى في تحليل السلسلة الزمنية، إذ تتيح هذه المرحلة استكشاف السمات الأولية التي قد تتضمنها السلسلة مثل الاتجاه العام، والأنماط الموسمية، ودرجة عدم الاستقرار في التباين، فضلاً عن غيرها من الخصائص، حيث تغطي بيانات البحث الفترة الزمنية الممتدة من سنة 1962 إلى 2024م، بواقع 63 مشاهدة وهذا العدد من المشاهدات كافٍ لتطبيق منهجة بوكس- جنكنز حيث يتطلب تطبيق هذه منهجة توفر 50 مشاهدة على الأقل [13] .

نلاحظ من خلال الشكل رقم (1) الذي يعرض تطور معدلات البطالة خلال الفترة الممتدة من 1962 إلى 2024م، ويتبين أن السلسلة الزمنية شهدت تذبذبات واضحة بين فترات انخفاض وارتفاع، حيث سجلت أدنى قيمة لمعدل البطالة هي (3.62) في سنة 1973م [1]، وأعلى قيمة هي (20.74) في سنة 2006م، بما يعكس طبيعة عدم الاستقرار في اتجاهاتها العامة، الأمر الذي يؤكد إن معدلات البطالة لم تتبع مساراً ثابتاً، بل تأثرت بجملة من العوامل الاقتصادية والاجتماعية والسياسية التي انعكست في شكل تقلبات متباينة ما بين النزعة التصاعدية والتزايلية، كما نلاحظ من خلال شكل المنحنى أن السلسلة لا تتذبذب حول وسط حسابي ثابت مما يشير إلى وجود اتجاه عام ، مما يدل على أن السلسلة غير مستقرة، حيث إن عدم الاستقرار في السلسلة الزمنية يرتبط غالباً بعدم ثبات كل من الوسط الحسابي أو التباين عبر الزمن، وهذا ما يؤكد النتائج المستخلصة من المؤشرات الإحصائية الوصفية لمتغير البطالة المبينة في الجدول رقم (1) أن المتوسط الحسابي لهذه السلسلة قد بلغ (10.51127)، في حين بلغت قيمة الانحراف المعياري (5.854079)، مما يدل على تشتت البيانات حول المتوسط الحسابي

شكل رقم (1)

معدلات البطالة في الاقتصاد الليبي خلال الفترة 1962-2024



المصدر: من إعداد الباحثان بالاعتماد على بيانات معدلات البطالة

جدول رقم (1)

المؤشرات الإحصائية الوصفية للسلسلة الزمنية لمعدلات البطالة في الاقتصاد الليبي

Variable	Obs	Mean	Std. Dev	Max	Min	Jarque-Bera (P-Value)
U	63	10.51127	5.854079	20.74000	3.620000	6.088069 (0.04)

المصدر: مخرجات برنامج Eviews 10

-3- دراسة استقرارية السلسلة الزمنية:

للتتأكد من خاصية عدم الاستقرار في السلسلة الزمنية لمتغير البطالة، يتم اللجوء إلى عدد من الاختبارات الإحصائية أبرزها اختبار دالتي الارتباط الذاتي والجزئي للسلسلة الأصلية، وكذلك اختبار جر الوحدة (ADF)، واختبار (PP) كما يلي:

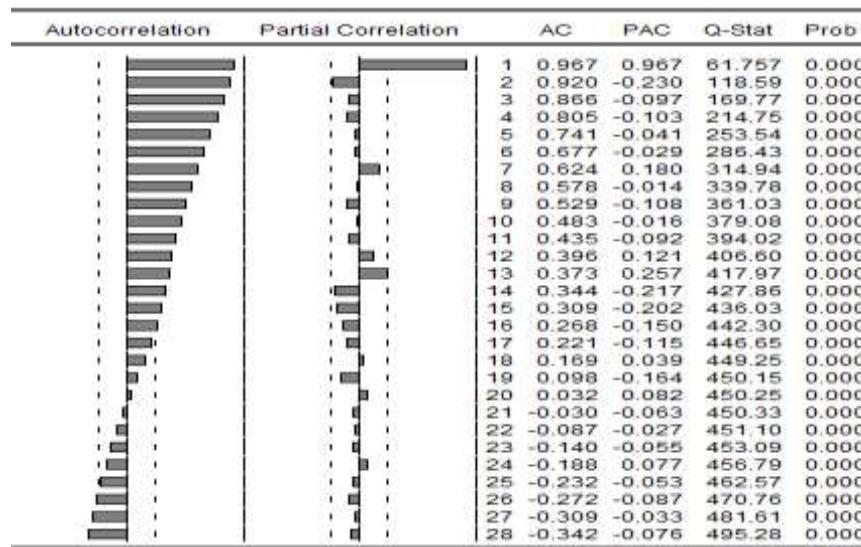
-3-1- دالة الارتباط الذاتي والجزئي

نلاحظ من خلال تحليل شكل دالتي الارتباط الذاتي والجزئي للسلسلة، أن المعاملات المحسوبة من أجل فجوات $K=1,2,3,\dots,28$ تختل معنويًا عن الصفر عند مستوى معنوية 5% خارج مجال الثقة $\left[-\frac{1.96}{\sqrt{n}}, \frac{1.96}{\sqrt{n}}\right]$

كما يثبت لنا اختبار Lung-Box من خلال إحصائية Q-Stat التي تقدر قيمتها (495.65) وهي أكبر من القيمة الجدولية لکای مربع عند درجات حرية 28 (ومنه نرفض فرضية عدم القائلة بأن كل معاملات الارتباط الذاتي تساوي الصفر عند مستوى معنوية 5% ، وبالتالي تكون سلسلة متغير البطالة غير مستقرة، وللتتأكد من استقرار أو عدم استقرار السلسلة نستعين باختبارات جر الوحدة.

شكل رقم (2)

دالة الارتباط الذاتي والجزئي لمتغير البطالة



المصدر: مخرجات برنامج Eviews1

2-2-3- اختبارات جر الوحدة:

في هذه المرحلة تم الاعتماد على اختبار (ADF) و اختبار (PP) للتحقق من استقراره السلسلة الزمنية وتقوم هذه الاختبارات على الفرضيات التالية:

- الفرضية الصفرية: السلسلة الزمنية غير مستقرة وتحتوي جر واحد.
- الفرضية البديلة: السلسلة الزمنية مستقرة ولا تحتوي على جر واحد.

والجدول رقم (2) يوضح نتائج هذه الاختبارات حيث توضح القيم الإحصائية ومستوى الدلالة قبول الفرضية الصفرية.

جدول رقم (2)

نتائج اختبار جر الوحدة (ADF) و (PP) لسلسلة معدلات البطالة في لاقتصاد الليبي

الفرق الأول	المستوى						الاختبار والقرار
	قاطع	بدون قاطع واتجاه	قاطع واتجاه	بدون قاطع	بدون قاطع واتجاه	قاطع	
-1.946253	-3.485218	-2.910019	-1.946253	-3.485218	-2.910019	ADF	
0.0000	0.0003	0.0000	0.7855	0.2322	0.8510	Prob	
-1.946253	-3.485218	-2.910019	-1.946161	-3.483970	-2.909206	PP	
0.0000	0.0003	0.0000	0.8057	0.2942	0.8814	Prob	

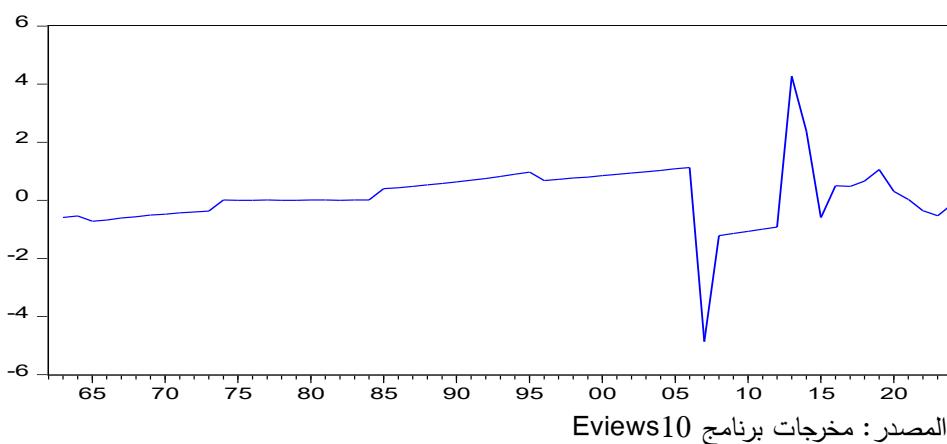
المصدر: من إعداد الباحثان باستخدام برنامج (EViews10)

من خلال نتائج اختبار (ADF) و (PP) الموضحة في الجدول رقم (2) تبين أن السلسلة الزمنية غير مستقرة في المستوى، إلا أنها أصبحت مستقرة عند الفرق الأول، عند مستوى معنوية 5%， وعليه يمكن تطبيق منهجية بوكس جنكنز لتحليل السلسلة، أما الشكل التالي فيوضح القيم الناتجة عن الفرق الأول لسلسلة البطالة ضمن سياقها الزمني.

الشكل رقم (3)

سلسلة البطالة بعد أخذ الفروق الأولى

Differenced U



المصدر: مخرجات برنامج Eviews 10

-4- مراحل تطبيق منهجية بوكس- جنكز:

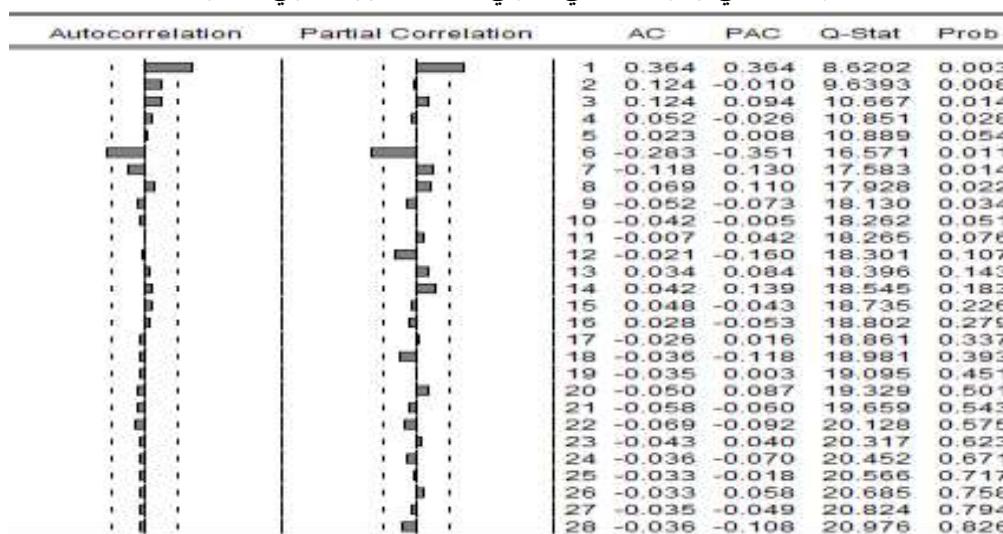
-1- مرحلة التعرف:

يُعد التعرف على النموذج المناسب في إطار منهجية بوكس- جنكز خطوة أساسية، حيث يتم تحديد رتبة كل من مكون الانحدار الذاتي (AR) والمتوسطات المتحركة (MA) بالاعتماد على تحليل شكل كل من دالة الارتباط الذاتي (ACF) والارتباط الذاتي الجزئي (PACF) وتمثل هذه المرحلة الخطوة الأولى ضمن تطبيق منهجية بوكس- جنكز.

بناءً على نتائج الشكل رقم (4) تم ترشيح 4 نماذج لـ ARIMA، وهي ، ARIMA (1,1,1) ، ARIMA (6,1,6) ، ARIMA(6,1,1) ، ARIMA(1,1,6) ، تم اختيار نموذج ARIMA(1,1,6) كأفضل نموذج لتمثيل متغير معدلات البطالة في ليبيا، لأنه حق أدنى قيمة للمعايير AIC, SC, HQ, R², S.E of regression .

شكل رقم (4)

دالة الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي بعد أخذ الفروق الأولى لمتغير البطالة



المصدر: مخرجات برنامج Eviews 10

جدول رقم (3)
ملخص نتائج التقدير

HQ معيار	SC معيار	AIC معيار	R ² معامل التحديد	النماذج المقترنة
3.028884	3.112237	2.975002	0.13	ARIMA(1,1,1)
2.836992	2.920345	2.783111	0.32	ARIMA(1,1,6)
2.929473	3.012825	2.875591	0.22	ARIMA(6,1,1)
2.958259	3.041612	2.904378	0.31	ARIMA(6,1,6)

المصدر: من إعداد الباحثان بالأعتماد على مخرجات برنامج Eviews 10

2-4 مرحلة التقدير:

بناءً على الخطوة السابقة التي جرى فيها تحديد النموذج الأقرب للتنبؤ بسلسلة البطالة، تم اعتماد نموذج ARIMA (1,1,6) لتقديره.

نلاحظ من الجدول رقم (4) أن معلمات النموذج معنوية عند 5%， وبالتالي يمكن كتابة النموذج المقدر ARIMA (1,1,6) لسلسلة متغير البطالة في ليبيا في صورة معادلة على النحو التالي:

$$DU = 0.205472550761 + [AR(1)=0.433108066772, MA(6)=-0.645847299779]$$

جدول رقم (4)

نتائج تدريب النموذج ARIMA (1,1,6) لسلسلة متغير البطالة

Dependent Variable: DU
Method: ARMA Maximum Likelihood (OPG - BHHH)
Date: 12/04/25 Time: 12:14
Sample: 1963 2024
Included observations: 62
Convergence achieved after 37 iterations
Coefficient covariance computed using outer product of gradients

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	0.205473	0.123544	1.663158	0.1017
AR(1)	0.433108	0.126849	3.414361	0.0012
MA(6)	-0.645847	0.118751	-5.438658	0.0000
SIGMASQ	0.787224	0.103396	7.613656	0.0000
R-squared	0.324858	Mean dependent var	0.146774	
Adjusted R-squared	0.289937	S.D. dependent var	1.088635	
S.E. of regression	0.917341	Akaike info criterion	2.783111	
Sum squared resid	48.80789	Schwarz criterion	2.920345	
Log likelihood	-82.27643	Hannan-Quinn criter.	2.836992	
F-statistic	9.302610	Durbin-Watson stat	2.074245	
Prob(F-statistic)	0.000041			
Inverted AR Roots	.43			
Inverted MA Roots	.93 -.46+.81i	.46+.81i -.93	.46-.81i -.46-.81i	

المصدر: مخرجات برنامج Eviews 10

3-4 مرحلة التشخيص:

بعد تحديد النموذج الأمثل من نماذج ARIMA وفق منهجية بوكس-جنكز، وتقدير معلماته يتم الانتقال إلى مرحلة التشخيص بهدف التحقق من مدى صلاحية النموذج وقدرته على تمثيل السلسلة الزمنية محل الدراسة بتطبيق اختبارات إحصائية على النحو التالي:

4-3-1- اختبار دالة الارتباط الذاتي والجزئي الخاصة بمربيعات البوافي:

ويستخدم هذا الاختبار للتأكد من عدم وجود ارتباطات زمنية معينة بين البوافي، وذلك باستخدام اختبار Ljung-box، أو بتحليل دول الارتباط الذاتي. [12] من خلال فحص النموذج ARIMA(1,1,6) نجد أن شرط السكون لهذا النموذج

$$\text{قد تتحقق لأن } 2.30889 = \frac{1}{0.433108} = \frac{1}{|\theta|} \text{، كذلك } 1.54835 = \frac{1}{0.645847} \text{ أكبر من الواحد الصحيح ، ولتأكد}$$

أكثـر من ملائـمة النـموذـج نـقـوم بـحـساب الـبـوـاـفي لـنـمـوـذـجـ المـقـدـر كـما هو مـوضـح بـالـشـكـلـ رقمـ (5)ـ الـذـي يـبـينـ جـمـيعـ مـعـالـمـ الـارـتـبـاطـ الذـاتـيـ وـالـارـتـبـاطـ الذـاتـيـ الـجـزـئـيـ صـغـيرـةـ وـلـاـ تـشـتـمـلـ عـلـىـ أـيـ نـمـطـ مـعـيـنـ، وـتـوـزـعـانـ عـشـوـائـيـاـ دـاـخـلـ فـتـرـةـ النـفـقـةـ 95%ـ،ـ بـمـاـ يـعـنـىـ أـنـ الـارـتـبـاطـ الذـاتـيـ بـيـنـ حـدـوـدـ الـدـحـعـوـائـيـ غـيرـ مـعـنـوـيـ،ـ وـبـالـتـالـيـ يـكـونـ النـمـوـذـجـ مـلـائـمـاـ.

أما القيمة الجدولية لتوزيع كأي مربع بدرجة حرية 28 بمستوى معنوية 5% تساوي ($\chi^2_{28,0.05} = 41.34$) وبمقارنتها بالقيم المحسوبة للإحصاءات نجد أنها أقل من القيمة الجدولية، وهذا يعني أن سلسلة البوافي هي سلسلة أخطاء عشوائية، وبالتالي فإن النموذج ARIMA(1,1,6) ملائم لتمثيل سلسلة البطالة في ليبيا.

شكل رقم (5)

معاملات دالة الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي لسلسلة بوافي النموذج ARIMA(1,1,6)

Autocorrelation		Partial Correlation		AC	PAC	Q-Stat	Prob
				1 -0.046	-0.046	0.1393	
				2 0.062	0.060	0.3950	
				3 0.100	0.106	1.0617	0.303
				4 0.030	0.036	1.1213	0.571
				5 0.141	0.134	2.5069	0.474
				6 0.073	0.076	2.8803	0.578
				7 -0.099	-0.116	3.5818	0.611
				8 0.279	0.243	9.3220	0.156
				9 -0.040	-0.032	9.4430	0.222
				10 0.029	-0.006	9.5080	0.301
				11 0.071	0.027	9.9050	0.358
				12 -0.114	-0.117	10.943	0.362
				13 -0.020	-0.095	10.974	0.445
				14 0.194	0.184	14.074	0.296
				15 0.004	0.093	14.075	0.369
				16 0.030	-0.070	14.153	0.438
				17 -0.046	-0.027	14.341	0.500
				18 -0.017	-0.016	14.367	0.571
				19 -0.001	-0.106	14.367	0.641
				20 -0.031	0.007	14.458	0.699
				21 -0.046	0.029	14.667	0.743
				22 -0.065	-0.177	15.091	0.771
				23 -0.041	-0.040	15.266	0.809
				24 -0.051	-0.022	15.540	0.838
				25 -0.033	-0.044	15.657	0.870
				26 -0.043	0.027	15.860	0.893
				27 -0.063	0.055	16.304	0.905
				28 -0.043	-0.083	16.524	0.923

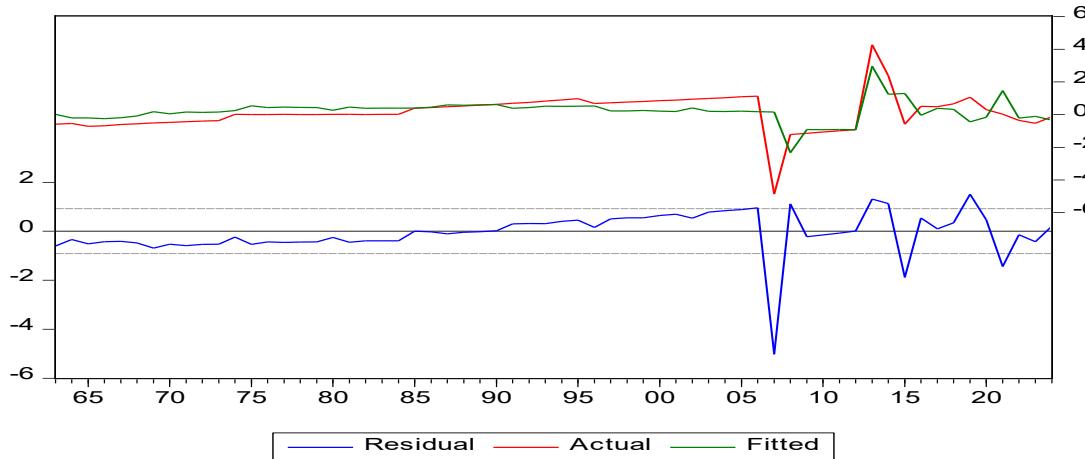
المصدر: مخرجات برنامج Eviews10

نلاحظ من الشكل رقم (5) أن معاملات دالة الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي غير معنوية عند مستوى ثقة 95% حيث أن قيمة Q التي تقدر بـ 16.52 تقع أعلى من قيمة كأي مربع عند درجة حرية 28 ومستوى معنوية 5%

، كما نلاحظ عدم وجود قيم خارج مجال الثقة، وإن $0.05 > \text{Prob}(0.96) = 41.34$ ()، وعلىية نقبل الفرضية الصفرية بأن سلسلة الباقي مستقرة وبالتالي فإن تشخيصنا لهذا النموذج كان سليماً ومحبلاً ويمكن استخدامه للتنبؤ.

شكل رقم (6)

الشكل البياني لباقي النموذج المقدر ARIMA (1,1,6)



المصدر: مخرجات برنامج Eviews10 .

يلاحظ من خلال الشكل رقم (6) أن هناك شبه تطابق بين منحنى السلسلة الأصلية Actual والسلسلة المقدرة Fitted، أما سلسلة بباقي النموذج المقدر فهو يتذبذب بشكل عشوائي حول محور الفواصل.

4-3-2- اختبار ARCH-LM

يستخدم هذا الاختبار إلى معرفة ما إذا كان النموذج به مشكلة عدم ثبات التباين، وتبيّن من خلال نتائج الجدول رقم (5) أن النموذج ARIMA (1,1,6) أوضح أن احتمالية F-Statistic أكبر من 5% وبالتالي قبول الفرضية العدمية التي تنص على أن تباين الخطأ ثابت عبر الزمن.

جدول رقم (5)

نتائج اختبار ARCH-LM

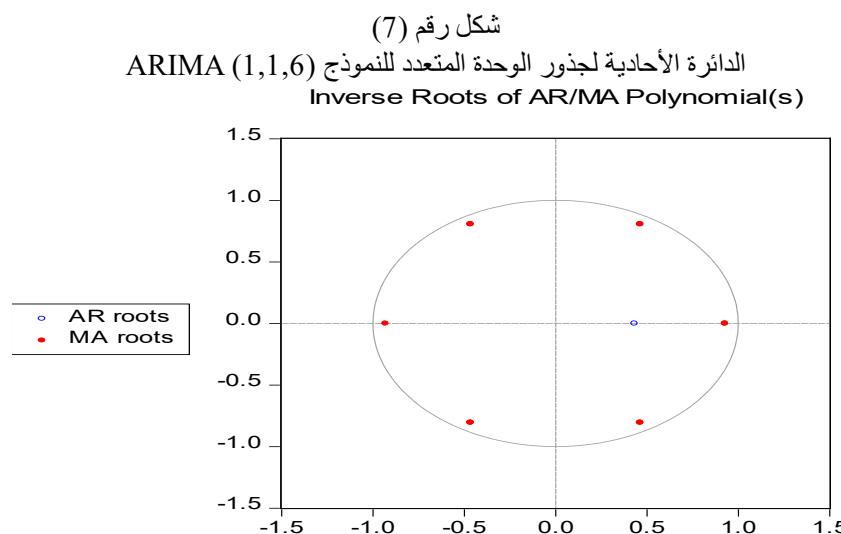
Heteroskedasticity Test: ARCH

F-statistic	0.120387	Prob. F(1,59)	0.7299
Obs*R-squared	0.124214	Prob. Chi-Square(1)	0.7245

المصدر: مخرجات برنامج Eviews10 .

4-3-3- اختبار جدر الوحدة المتعدد:

أظهر اختبار مقلوب جذور كثيرة الحدود في الشكل رقم (7) أن جميع الجذور تقع داخل حدود الدائرة الواحدة، وهذا يدل على استقرار النموذج وانعكاسيته بصورة عامة، ويُعد تحقق هذا الشرط من المؤشرات المهمة على ملائمة نماذج ARIMA (1,1,6) للتنبؤ.



المصدر: مخرجات برنامج Eviews10

كما نلاحظ من الجدول رقم (6) إن مقلوب جميع الجذور يقل عن الواحد الصحيح حيث بينت نتائج جذور الجزء الذاتي (AR) أن قيمة الجذر بلغت 0.433108 وهي أقل من الواحد الصحيح، وكذلك بينت نتائج جذور الجزء المتوسط المتحرك (MA) التي بلغت 0.929726 وهي أقل من الواحد الصحيح، الأمر الذي يعزز خاصية الاستقرارية للنموذج المقدر، ويمكن الاعتماد عليه في التنبؤات المستقبلية دون التعرض لمشكلات عدم الاستقرار أو انفجار القيم المتوقعة.

جدول رقم (6)

اختبار جذور الوحدة المتعدد للنموذج ARIMA (1,1,6)

AR Root(s)	Modulus	Cycle
0.433108	0.433108	
No root lies outside the unit circle.		
ARMA model is stationary.		
MA Root(s)	Modulus	Cycle
-0.464863 ± 0.805166i	0.929726	3.000000
0.929726	0.929726	
0.464863 ± 0.805166i	0.929726	6.000000
-0.929726	0.929726	

المصدر: مخرجات برنامج Eviews10

4-4-المرحلة الرابعة التنبؤ:

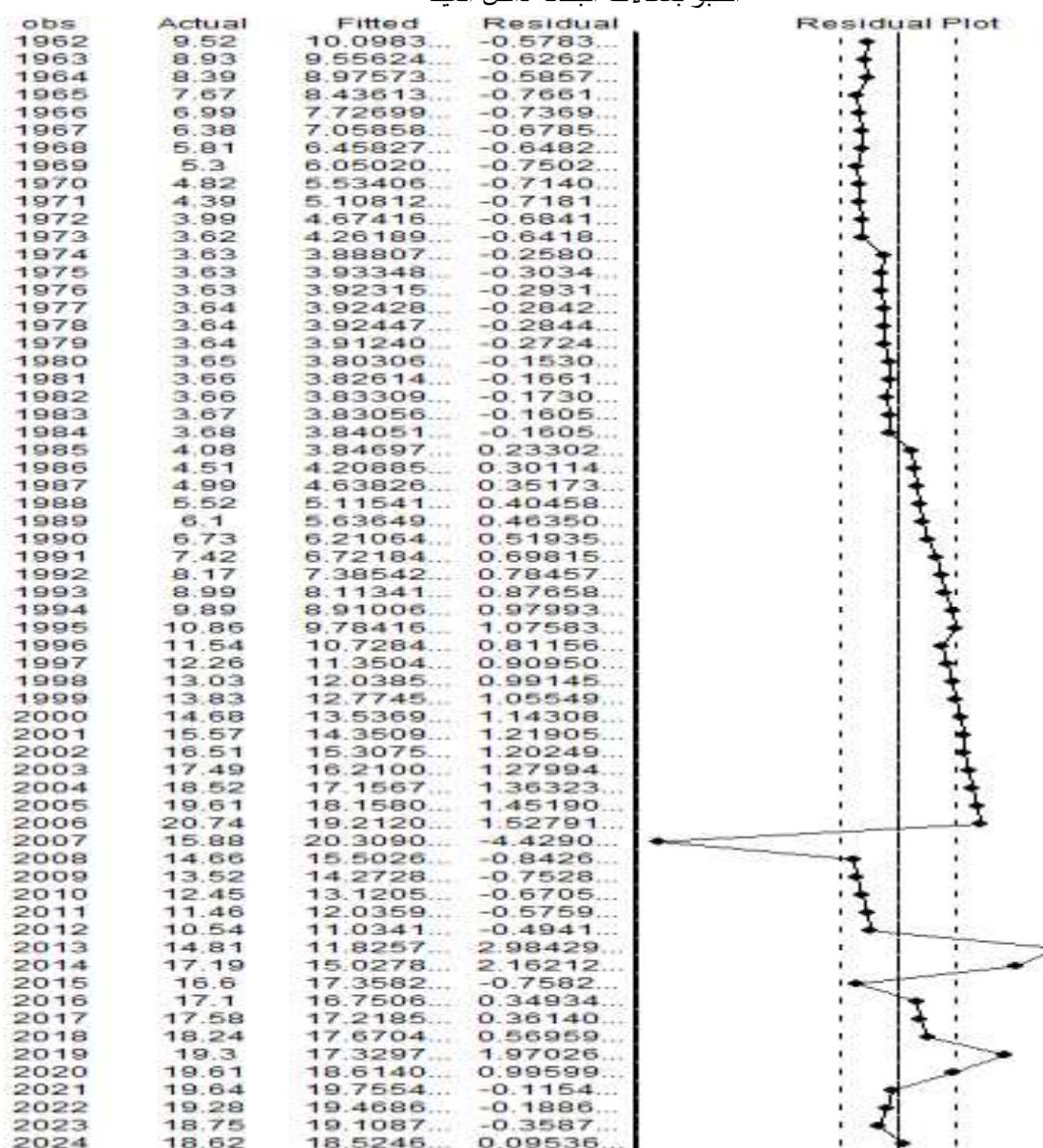
بعد تقدير النموذج الملائم وفق منهجية بوكس- جنكز والتأكد من استقراريته وصلاحيته من خلال اختبارات التشخيص المختلفة، تأتي الخطوة التالية المتمثلة في استخدام النموذج لأغراض التنبؤ بالمستقبل.

4-4-1-التنبؤ داخل العينة:

يُعد التنبؤ داخل العينة أحد الأساليب الأساسية في تقدير نماذج السلسلات الزمنية، فالتنبؤ داخل العينة هو عملية استخدام نفس البيانات التي استُخدمت في تقييم النموذج بهدف تقييم قدرته على تفسير السلوك التاريخي للسلسلة، ويستخدم هذا النوع من التنبؤ لقياس دقة النموذج داخلياً قبل الاعتماد عليه في التنبؤات المستقبلية، والجدول رقم (7) يوضح التنبؤ داخل العينة. يوضح الجدول المرفق تقارباً كبيراً بين القيم الفعلية والقيم المتنبأ بها داخل العينة. حيث بدت الفروق صغيرة نسبياً في أغلب السنوات، الأمر الذي يعكس قدرة النموذج على إعادة تمثيل السلوك التاريخي للسلسلة الزمنية، كما يوضح الشكل البياني للبواقي توزعاً توسيعياً عشوائياً حول خط الصفر دون وجود اتجاه أو نمط منتظم، مما يشير إلى عدم وجود ارتباط ذاتي في الأخطاء، مما يعزز أن النموذج المستخدم للتنبؤ يتمتع بدرجة عالية من الدقة والكفاءة في التنبؤ داخل العينة.

(7) الجدول رقم

التنبؤ بمعدلات البطالة داخل العينة



المصدر: مخرجات برنامج Eviews10

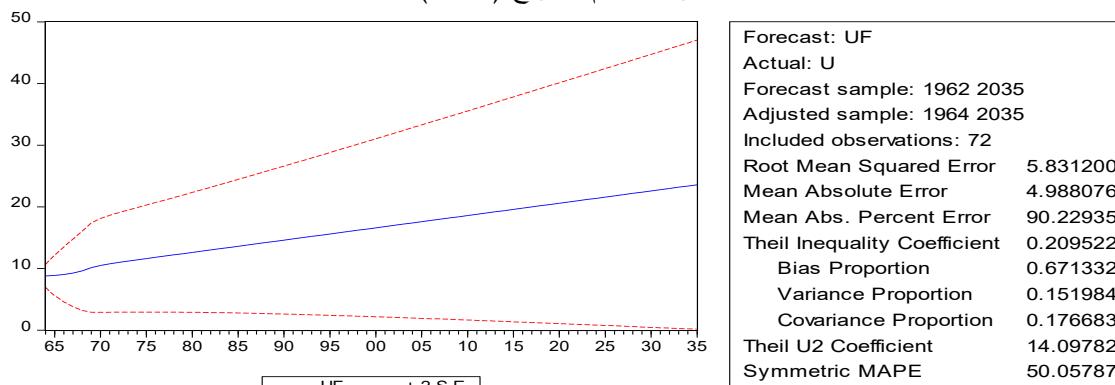
4-4-2-التتبؤ خارج العينة:

التتبؤ خارج العينة يتم للفترة التي لم تدخل في عملية تدريب النموذج، وبعد هذا النوع من التتبؤ الاختبار الحقيقي لمدى قدرة النموذج على التتبؤ بقسم غير معروفة.

يوضح الجدول رقم (8) التنبؤات المستقبلية لـ 10 سنوات مقبلة، حيث تبين أن معدلات البطالة في ليبيا تظهر اتجاهها تصاعدياً مستمراً، وهذا ما نلاحظه في الشكل رقم (8).

الشكل رقم (8)

التنبؤ باستخدام النموذج ARIMA (1,1,6)



جدول رقم (8)

معدلات البطالة المتوقعة في ليبيا خلال الفترة (2025-2035)

باستخدام النموذج ARIMA (1,1,6)

القيمة المتوقعة	السنة
21.58	2025
21.78	2026
21.97	2027
22.17	2028
22.37	2029
22.57	2030
22.77	2031
22.97	2032
23.17	2033
23.37	2034
23.57	2035
المعايير المستخدمة	
MAE	4.988076
RMSE	5.831200
MAPE	90.22935

المصدر: من إعداد الباحثان بالاعتماد على مخرجات برنامج Eviews10

5- النتائج والتوصيات:

5-1 النتائج:

- أظهرت نتائج تحليل السلسلة الزمنية لمعدلات البطالة خلال الفترة 1962-2024م باستخدام نماذج ARIMA أن السلسلة الزمنية غير مستقرة عند المستوى، لكنها استقرت بعد أخذ الفروق الأولى.
- أظهرت معايير الاختبار (AIC,SIC)، واختبارات التشخيص (Ljung-box، مقلوب الجذور) أن النموذج (1,1,6) المقدر يتبع بدرجة جيدة من الملائمة وصالح للتنبؤ بمعدلات البطالة في ليبيا.
- تشير التنبؤات للفترة (2025-2035) إلى استمرار الاتجاه التصاعدي لمعدلات البطالة مما يعكس تفاقم الظاهرة في حال بقاء العوامل الاقتصادية والسياسية والمؤسسية على وضعها الحالي.
- تشير النتائج أن البطالة تُعد تحدياً هيكلياً متجرداً في بنية الاقتصاد، وليس مجرد تقلبات مؤقتة قصيرة الأجل.
- إن زيادة معدلات البطالة في المستقبل يعود إلى استمرار الاعتماد على النفط، وضعف الاستثمار في القطاعات الإنتاجية، كذلك تأخر إصلاح سوق العمل، وعدم تنويع الاقتصاد.

5-2 التوصيات:

- تلويع القاعدة الاقتصادية من خلال تقليل الاعتماد على قطاع النفط وتوسيع الأنشطة الإنتاجية في قطاعات الصناعة، والزراعة، والخدمات بما يعزز من خلق فرص عمل جديدة ومستدامة، وتبني سياسات اقتصادية تهدف إلى الحد من ظاهرة البطالة، وتأمين فرص عمل كافية للسكان.
- تعزيز الشفافية والحكومة الرشيدة في إدارة الموارد والسياسات الاقتصادية، بما يضمن استدامة النمو ويد من التحديات المؤسسية المرتبطة بالبطالة.
- تحفيز الاستثمار المحلي والأجنبي من خلال تحسين بيئة الأعمال وتبسيط الإجراءات الإدارية، وتوفير بنية تحتية وتشريعية ملائمة تجذب رؤوس الأموال وتدعم النشاط الاقتصادي.
- دعم قطاع المشاريع الصغيرة والمتوسطة كأداة لخلق فرص عمل جديدة وتقليل الاعتماد على التوظيف الحكومي.

قائمة المراجع:

- أحمد مندور، عطية المهدى، حمي سليمان. (يونيو، 2018). دور السياسة المالية في مواجهة مشكلة البطالة في الاقتصاد الليبي. مجلة العلوم البيئية- معهد الدراسات والبحوث البيئية- جامعة عين شمس- المجلد الثاني والأربعون- الجزء الثالث.
- البنك الدولي للنماء والتصدير. (2023). قاعدة بيانات المؤتمرات لسوق العمل. منظمة العمل الدولية.
- سهام هينب. (2017). دراسة قياسية لمعدلات البطالة في الجزائر باستخدام نماذج بوكس- جنكنز للفترة 1984-2016. الجزائر: رسالة ماجستير - جامعة قاصدي مرياح ورقلة- كلية العلوم الاقتصادية والعلوم التجارية- الجزائر.
- عدنان ماجد بري. (2002). طرق التنبؤ الإحصائي. السعودية: جامعة الملك سعود.
- علي عبد السلام الجروشي. (مارس، 2017). قياس معدلات البطالة في ليبيا دراسة تطبيقية على الاقتصاد الليبي خلال الفترة 1962-2012. مجلة العلوم الاقتصادية والإدارية والقانونية- العدد الاول- المجلد الاول.
- فوزية محمد الهادي. (ديسمبر، 2023). أثر أداء المؤشرات الاقتصادية على البطالة في ليبيا. مجلة دراسات في المال والاعمال- العدد السادس عشر.
- مركز بحوث العلوم الاقتصادية. (2010). البيانات الاقتصادية والاجتماعية في ليبيا خلال الفترة 1962-2006. بنغازي
- نجاح الطاهر البيباش. (2014). دراسة اقتصادية للتنبؤ بإنتاج النفط الليبي. لبنان: رسالة دكتوراه، جامعة الجنان،

9. وفاء بن عياد، وهبة طيمي. (2022). النماذج الهجينه والتباير بالبطالة في جائحة كارونا (2003-2020) الجزائر. مجلة الاكاديمية للدراسات الاجتماعية والانسانية-المجلد 14-العدد 2.
10. يوسف يخلف. (2020). تداعيات العلاقة بين البطالة والنمو الاقتصادي (آلة من ليبيا). مجلة اقتصاديات شمال افريقيا-المجلد 16- العدد 23.
11. D.C & Lynwood Montgomery .(1976) .Forecasting and time series Analysis .Mc Graw-Hill book company, New York.
12. J & ,Joseph, K Ingabire .(2016) .Measuring the Performance of Autoregressive Integrated Moving Average and Vector Autoregressive Models in Forecasting- Inflation Rate in Rwanda, International .Journal of Mathematics and Physical Sciences Research 4(1) .